

Seconde 7 - Le 15-11-2024 - Calculatrice autorisée

Cours

Soient a, b, c des nombres réels. Compléter avec les symboles \leq ou \geq .

- 1) Si $a \leq b$ alors $0 \dots b - a$.
- 2) Si $a \leq b$ alors $a - b \dots 0$.
- 3) Si $a \leq b$ alors $a + c \dots b + c$.
- 4) Si $a \leq b$ alors $a - c \dots b - c$.
- 5) Si $a \leq b$ et $c \geq 0$ alors $a \times c \dots b \times c$.
- 6) Si $a \leq b$ et $c \leq 0$ alors $a \times c \dots b \times c$.
- 7) Si $a \leq b$ et $c > 0$ alors $\frac{a}{c} \dots \frac{b}{c}$.
- 8) Si $a \leq b$ et $c < 0$ alors $\frac{a}{c} \dots \frac{b}{c}$.
- 9) Si $0 \leq a \leq b$ alors $a^2 \dots b^2$.
- 10) Si $a \leq b \leq 0$ alors $a^2 \dots b^2$.
- 11) Si $0 < a \leq b$ alors $\frac{1}{a} \dots \frac{1}{b}$.
- 12) Si $a \leq b < 0$ alors $\frac{1}{a} \dots \frac{1}{b}$.
- 13) Si $0 \leq a \leq b$ alors $\sqrt{a} \dots \sqrt{b}$.

Exercice 1

Compléter avec les symboles $\leq, \geq, <, >$.

- 1) Si $a \leq b \leq 3$, alors

$$a - 3 \dots b - 3 \dots 0$$

$$(a - 3)^2 \dots (b - 3)^2$$

$$-5(a - 3)^2 \dots -5(b - 3)^2$$

$$-5(a - 3)^2 + 7 \dots -5(b - 3)^2 + 7$$

- 2) Si $3 \leq a \leq b$, alors

$$0 \dots a - 3 \dots b - 3$$

$$(a - 3)^2 \dots (b - 3)^2$$

$$-5(a - 3)^2 \dots -5(b - 3)^2$$

$$-5(a - 3)^2 + 7 \dots -5(b - 3)^2 + 7$$

3) Si $-4 < x \leq x'$, alors

$$0 \dots x+4 \dots x'+4$$

$$0 \dots (x+4)^2 \dots (x'+4)^2$$

$$\frac{1}{(x+4)^2} \dots \frac{1}{(x'+4)^2}$$

$$\frac{1}{(x+4)^2} - 8 \dots \frac{1}{(x'+4)^2} - 8$$

4) Si $x \leq x' < -4$, alors

$$x+4 \dots x'+4 \dots 0$$

$$(x+4)^2 \dots (x'+4)^2 \dots 0$$

$$\frac{1}{(x+4)^2} \dots \frac{1}{(x'+4)^2}$$

$$\frac{1}{(x+4)^2} - 8 \dots \frac{1}{(x'+4)^2} - 8$$

Exercice 2

1) Résoudre les inéquations $-5x + 4 \geq 0$ et $2x + 7 \geq 0$.

2) Dresser le tableau de signes de $(-5x + 4)(2x + 7)$.

3) En déduire l'ensemble des solutions de l'inéquation $(-5x + 4)(2x + 7) \leq 0$.

4) Dresser le tableau de signes de $\frac{-5x + 4}{2x + 7}$.

5) En déduire l'ensemble des solutions de l'inéquation $\frac{-5x + 4}{2x + 7} \geq 0$.